

---

# Особенности использования системы LuNA на примере реализации PIC-метода

---

Киреев С.Е.  
ИВМиМГ СО РАН

---

# Введение

- Проблема: создание эффективных параллельных программ для решения больших численных задач
- Технология фрагментированного программирования (ТФП) разрабатывается с целью автоматизации решения этой проблемы
- На базе ТФП разрабатывается система фрагментированного программирования LuNA
- **Цель работы:** апробация системы LuNA на конкретной прикладной задаче:
  - Реализовать метод частиц-в-ячейках в системе LuNA
  - На основе полученного опыта отметить сильные и слабые стороны системы LuNA, предложить пути для её улучшения

# Технология фрагментированного программирования и система LuNA

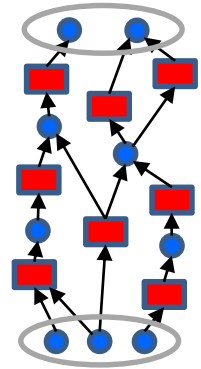
- Особенности ТФП

- Высокоуровневое представление алгоритма

- В основе – граф информационных зависимостей
    - Явно выраженный параллелизм
    - Независимость от ресурсов

- Исполнительная система

- Нацелена обеспечивать эффективную реализацию алгоритма на доступных вычислительных ресурсах
    - Должна решать задачи распределения ресурсов, балансировки нагрузки, ...



# Представление алгоритма в ТФП

- Фрагментированный алгоритм (ФА)

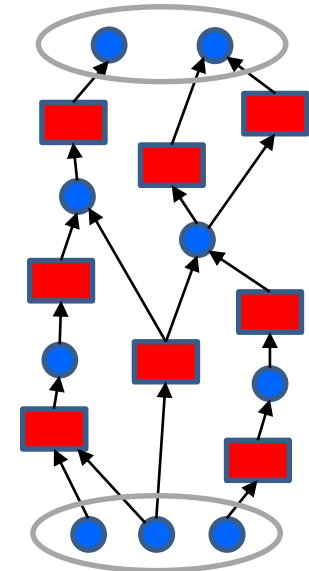
- Фрагменты данных (ФД)



- Фрагменты вычислений (ФВ)



- Отношения вход-выход



- Исполнение ФА

- Каждый ФВ выполняется по готовности всех входных ФД и в результате исполнения вычисляет выходные ФД

- Исполнение продолжается, пока все ФВ не окажутся исполненными

# Язык LuNA

- Язык LuNA включает:
  - Средства текстовой записи ФА (ФД,ФВ,зависимости)
    - **df** x,y,z;
    - **cf** add: proc\_sum(**#in** x, y, **#out** z);

# Язык LuNA

- Язык LuNA включает:
  - Средства текстовой записи ФА (ФД,ФВ,зависимости)
    - **df** x,y,z;
    - **cf** add: proc\_sum(**#in** x, y, **#out** z);
  - Средства задания индексированных множеств ФД и ФВ (массивов)
    - **for** i=1..N { **cf** add[i]: proc\_sum(**#in** x[i],y[i], **#out** z[i]); }
    - **while** (x[i]<eps), i=1..**out** N { **cf** s[i]: step(**#in** x[i], **#out** x[i+1]); }

# Язык LuNA

- Язык LuNA включает:
  - Средства текстовой записи ФА (ФД,ФВ,зависимости)
    - **df** x,y,z;
    - **cf** add: proc\_sum(**#in** x, y, **#out** z);
  - Средства задания индексированных множеств ФД и ФВ (массивов)
    - **for** i=1..N { **cf** add[i]: proc\_sum(**#in** x[i],y[i], **#out** z[i]); }
    - **while** (x[i]<eps), i=1..**out** N { **cf** s[i]: step(**#in** x[i], **#out** x[i+1]); }
  - Средства задания условных ФВ
    - **if** (x>10.0) **cf** add: proc\_sum(**#in** x, y, **#out** z);

# Язык LuNA

- Язык LuNA включает:
  - Средства текстовой записи ФА (ФД,ФВ,зависимости)
    - **df** x,y,z;
    - **cf** add: proc\_sum(**#in** x, y, **#out** z);
  - Средства задания индексированных множеств ФД и ФВ (массивов)
    - **for** i=1..N { **cf** add[i]: proc\_sum(**#in** x[i],y[i], **#out** z[i]); }
    - **while** (x[i]<eps), i=1..**out** N { **cf** s[i]: step(**#in** x[i], **#out** x[i+1]); }
  - Средства задания условных ФВ
    - **if** (x>10.0) **cf** add: proc\_sum(**#in** x, y, **#out** z);
  - Средства задания структурированных ФВ (подпрограмм)
    - **sub** add\_vector(**#in** int n, **name** x, **name** y, **#out** name z) {
    - **for** i=0..n-1 { **cf** add[i]: proc\_sum(**#in** x[i], y[i], **#out** z[i]); }
    - }



# Язык LuNA

- Язык LuNA включает:
  - Средства текстовой записи ФА (ФД,ФВ,зависимости)
    - **df** x,y,z;
    - **cf** add: proc\_sum(**#in** x, y, **#out** z);
  - Средства задания индексированных множеств ФД и ФВ (массивов)
    - **for** i=1..N { **cf** add[i]: proc\_sum(**#in** x[i],y[i], **#out** z[i]); }
    - **while** (x[i]<eps), i=1..**out** N { **cf** s[i]: step(**#in** x[i], **#out** x[i+1]); }
  - Средства задания условных ФВ
    - **if** (x>10.0) **cf** add: proc\_sum(**#in** x, y, **#out** z);
  - Средства задания структурированных ФВ (подпрограмм)
    - **sub** add\_vector(**#in** int n, **name** x, **name** y, **#out** name z) {
    - **for** i=0..n-1 { **cf** add[i]: proc\_sum(**#in** x[i], y[i], **#out** z[i]); }
    - }
  - Интерфейс с языком C++
    - **import** c\_proc\_sum(int, int, name) **as** proc\_sum;

# Прикладная задача

Моделирование динамики самогравитирующего пылевого облака:  
**Математическая постановка**

## Пыль

$$\frac{\partial f}{\partial t} + \mathbf{u} \frac{\partial f}{\partial \mathbf{r}} + \frac{\mathbf{F}_p}{m} \frac{\partial f}{\partial \mathbf{u}} = 0$$

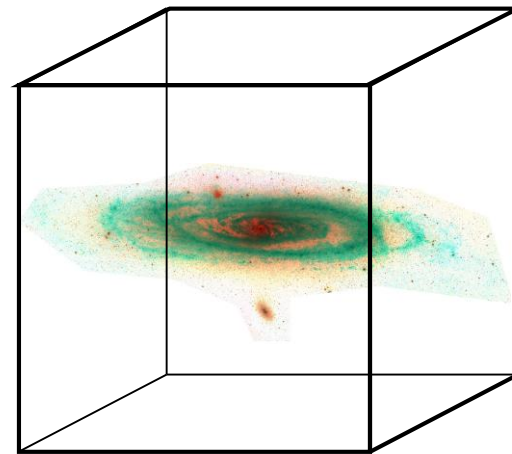
$$\rho(t, \mathbf{r}) = \int f(t, \mathbf{r}, \mathbf{u}) d\mathbf{u}$$

## Гравитация

$$\frac{\partial^2 \Phi_p}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \Phi_p}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \Phi_p}{\partial z^2} = 4\pi\rho$$

$$\Phi = \Phi_p + \Phi_s$$

$$\mathbf{F} = -\rho \mathit{grad} \Phi$$



Область моделирования

# Прикладная задача

Моделирование динамики самогравитирующего пылевого облака:  
**Методы решения**

- Решение уравнения Больцмана (пыль) – PIC-метод
  - Данные
    - Пыль – свободно движущиеся модельные частицы одинаковой массы
    - Поля – 3D сетка
  - Алгоритм PIC-метода
    - Вычисление распределения плотности частиц (частицы → сетка)
    - Вычисление распределения гр. потенциала (сетка → сетка)
    - Вычисление гр. сил, действующих на частицы (сетка → сетка)
    - Сдвиг частиц под действием гр. сил (сетка → частицы)
- Решение уравнения Пуассона (гравитация) – метод Якоби
  - Явный итерационный метод
  - Вход – распределение плотности на 3D сетке
  - Выход – распределение гравитационного потенциала на 3D сетке

# Прикладная задача

Моделирование динамики самогравитирующего пылевого облака:

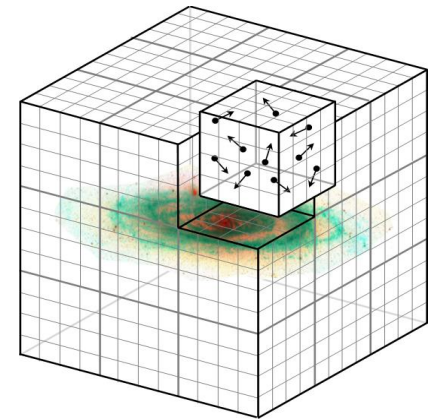
## Параметры задачи

- Размер сетки:  $NX \times NY \times NZ$
- Количество частиц:  $NP$
- Количество шагов по времени:  $NT$
- ...

# Прикладная задача

Моделирование динамики самогравитирующего пылевого облака:  
**Фрагментация**

- Декомпозиция пространства моделирования на подобласти одинакового размера (domain decomposition)
- Параметры фрагментации
  - Количество подобластей:  $F_X \times F_Y \times F_Z$
- Каждая подобласть содержит:
  - Фрагменты 3D сеток с перекрытием границ
  - Подмножество частиц, находящихся в данной подобласти
- В алгоритм добавляются этапы обмена:
  - Обмен граничными значениями фрагментов 3D сеток
  - Передача перелетевших частиц



# Реализация задачи в языке LuNA

- Основная LuNA-программа повторяет структуру алгоритма PIC-метода
- Вспомогательные модули:
  - Модуль **lib\_basic**: простые базовые операции
  - Модуль **lib\_mesh3d**: операции с фрагментированным 3D массивом
    - Различные редукции
    - Обмены граничными значениями с различным соседством
    - Вывод в файл
  - Модуль **lib\_poisson3d**: решатель уравнения Пуассона на фрагментированной 3D сетке методом Якоби
  - Модуль **lib\_mesh3d\_exchange\_particles**: обмены частицами между фрагментами фрагментированного множества частиц

# Реализация задачи в языке LuNA: трудности

## Обмен «границами» 3D массива фрагментов

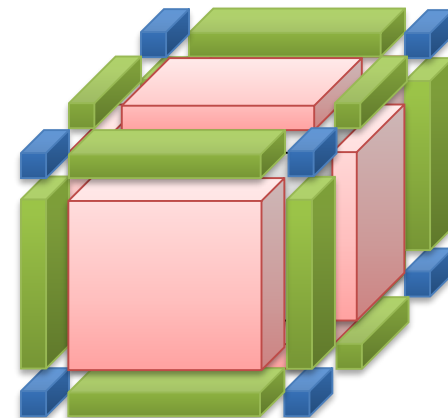
- Варианты:
  - Различная структура массива и положение фрагмента в структуре



- Различные типы соседства фрагментов
  - 6 соседей, 19 соседей, 27 соседей

- Различные операции
  - Копирование граничных значений
  - Суммирование граничных значений
  - Передача частиц

- Различная ширина границ



# Реализация задачи в языке LuNA: трудности

## Обмен «границами» 3D массива фрагментов

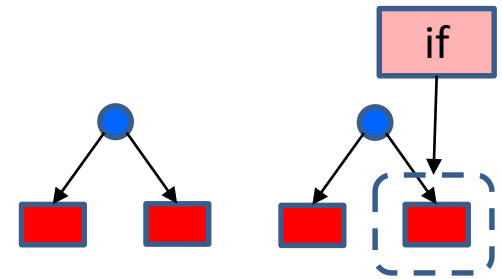
- Реализация:
  - Параметризованный генератор LuNA-программы на Python-е
  - Генерирует LuNA-программу всевозможных обменов (произвольная структура 3D массива и положение фрагмента в массиве) для заданной операции обменов и заданного типа соседства
  - Размер получаемых файлов LuNA-программы:
    - ~2060 строк – fa-программа
    - ~2000-9000 строк – srr-программа



# Реализация задачи в языке LuNA: трудности

## Удаление фрагментов данных (сборка мусора)

- Реализация сборки мусора в системе LuNA
  - По завершению области видимости (не подходит для массивов)
  - По явному указанию: «удалить эти ФД после завершения этого ФВ»
- Проблема:
  - как обнаружить, что ФД больше не нужен?
- Вынужденное решение:
  - Логические переменные (флаги), отмечающие факт использования ФД в данном ФВ,
  - Удаление ФД (и флагов) по готовности всех флагов
- Следствия:
  - разрастание кода
  - Потенциальные ошибки



# Реализация задачи в языке LuNA: ТРУДНОСТИ

## Сериализация ввода-вывода

- Проблема: неупорядоченный ввод/вывод
  - Пример:
    - `for i = 1..N print(#in x[i]);`
- Вынужденное решение – фиктивные зависимости по данным
  - Пример 1:
    - `for i = 1..N print(#in x[i], seq[i], #out seq[i+1]);`
  - Пример 2:
    - `sub print_vector(#in int n, name x, int seq_in, #out name seq_out) {`
    - `df seq;`
    - `copy(#in seq_in, #out seq[0]);`
    - `for i = 1..n print(#in x[i], seq[i], #out seq[i+1]);`
    - `copy(#in seq[n], #out seq_out);`
    - `}`
- Следствие:
  - разрастание кода

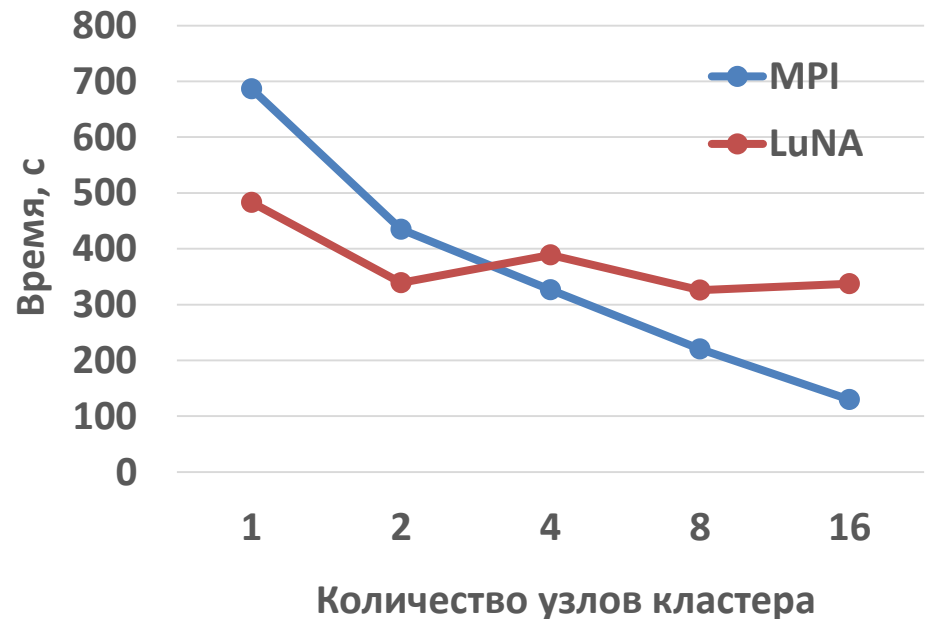
# Реализация задачи в языке LuNA: ТРУДНОСТИ

## Неконтролируемый фронт исполнения ФВ

- Проблема: массовое порождение ФД
  - Пример:
    - `for i = 1..N {`
    - `count(#in x, #out y[i]);`
    - `print(#in y[i]);`
    - `}`
- Вынужденное решение – фиктивные зависимости по данным
  - Пример:
    - `copy(#in 1, #out ready[0]);`
    - `for i = 1..N if (ready[i]) {`
    - `count(#in x, #out y[i]);`
    - `print(#in y[i]);`
    - `set_ready(#in y[i], #out ready[i+1]);`
    - `}`

# Оценка производительности: MPI vs LuNA

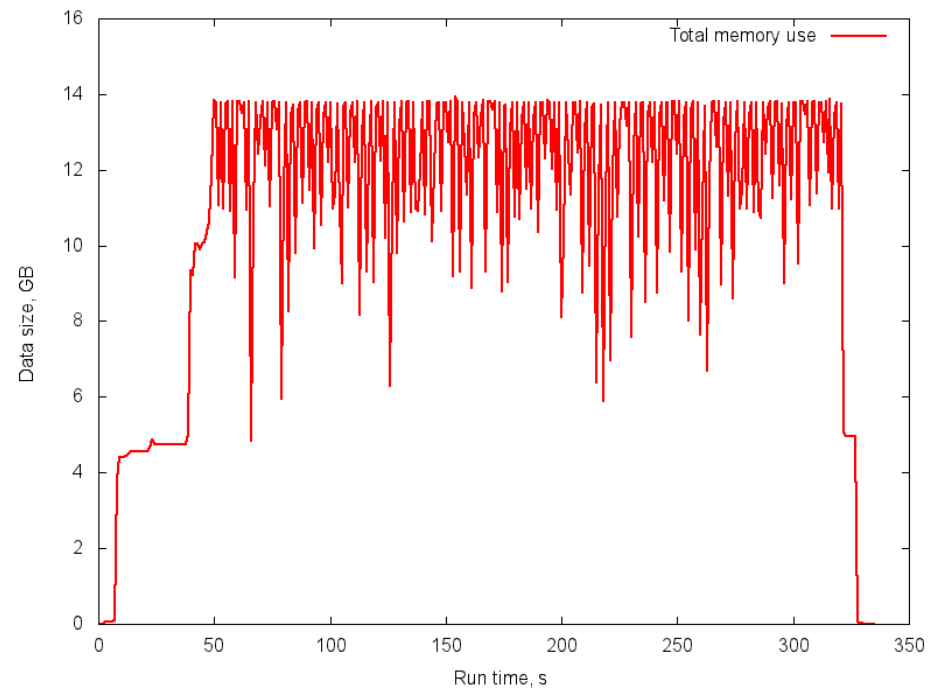
- Параметры задачи:
  - Сетка:  $200 \times 200 \times 200$
  - Количество частиц: 100 000 000
    - Начальное распределение – вращающийся плоский диск
  - Число шагов по времени: 100
- Декомпозиция пространства:
  - MPI-программа:  $X \times Y \times 1$
  - LuNA-программа:  $16 \times 16 \times 1$
- Вычислительные ресурсы:
  - Кластер МВС-10П
    - 16 ядер на узел



**Вывод: на малом числе узлов производительность сравнимая**

# Оценка потребления памяти

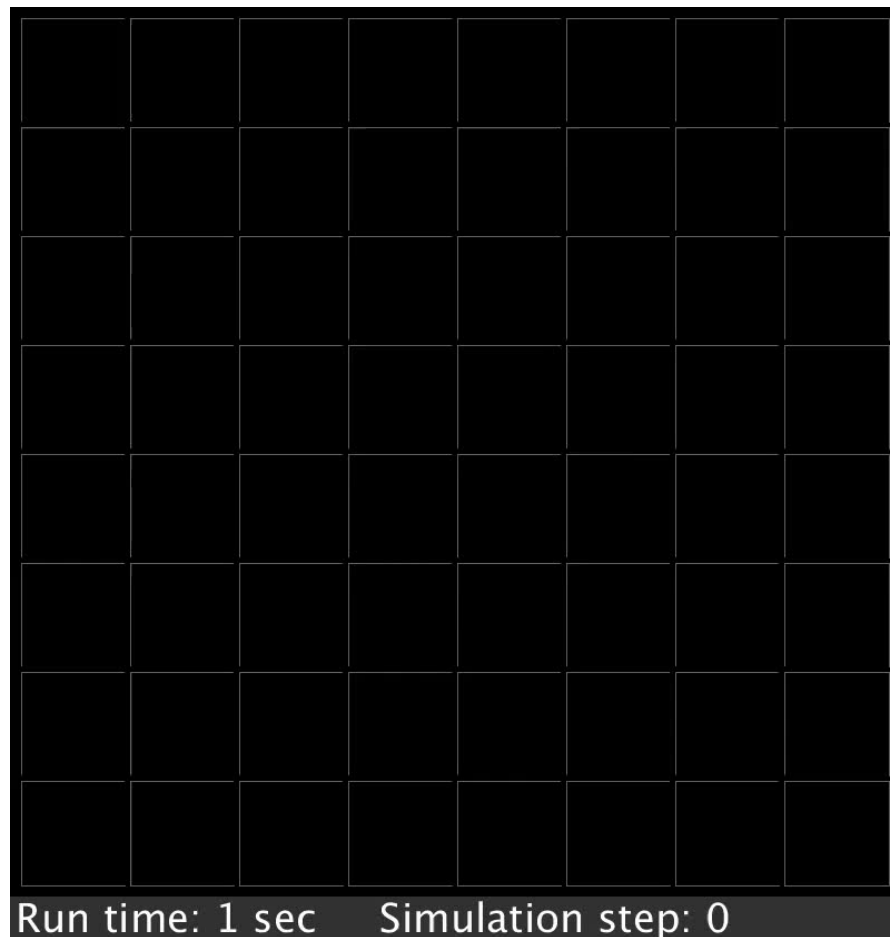
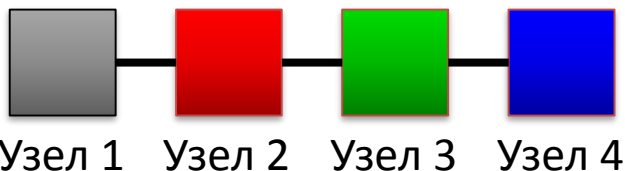
- Параметры задачи:
  - Сетка:  $200 \times 200 \times 200$
  - Количество частиц: 100 000 000
    - Начальное распределение – вращающийся плоский диск
  - Число шагов по времени: 100
- Декомпозиция пространства:
  - LuNA-программа:  $16 \times 16 \times 1$
- Вычислительные ресурсы:
  - Кластер МВС-10П
    - 8 узлов  $\times$  16 ядер
- Объем данных:  $\sim 5$  GB



Вывод: расход памяти разумный,  
утечек памяти нет

# Тестирование динамической балансировки нагрузки

- Параметры задачи:
  - Сетка:  $200 \times 200 \times 200$
  - Количество частиц: 10 000 000
    - Начальное распределение – вращающийся плоский диск
  - Число шагов по времени: 501
- Декомпозиция пространства:
  - LuNA-программа:  $8 \times 8 \times 1$
- Вычислительные ресурсы:
  - Кластер МВС-10П
    - 4 узла  $\times$  16 ядер



(цвет подобласти обозначает узел, на котором она обрабатывается)

# Выводы

- Язык LuNA позволяет описывать сложные численные модели
- Система LuNA позволяет производить расчеты на кластере, причём на малом числе узлов показывает производительность близкую к MPI
- «Недостатки» языка и системы LuNA:
  - Вследствие статичной структуры LuNA-программы описание всевозможных реализаций трудоёмко и приводит к большому размеру программы
  - Отсутствие приемлемой автоматической сборки мусора усложняет программирование
  - Отсутствие поддержки сериализации ввода-вывода также усложняет программирование
  - Неконтролируемый фронт исполнения усложняет программирование и уменьшает возможный параллелизм
  - Плохая масштабируемость
  - Динамическая балансировка работает пока плохо

---

Спасибо за внимание

---