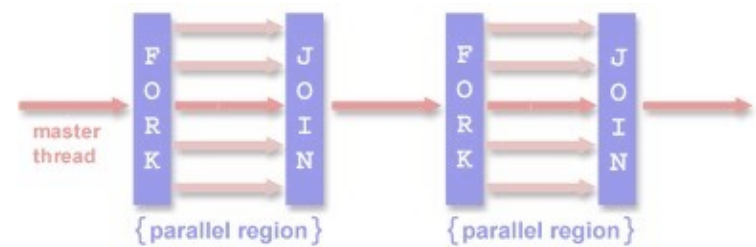
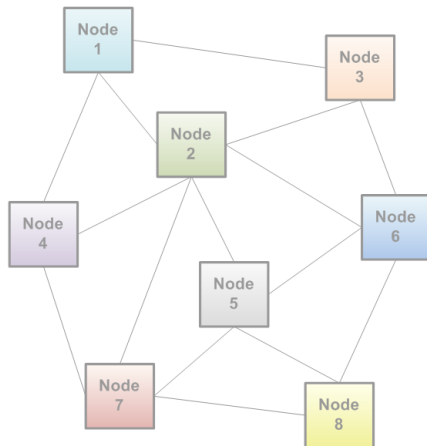


Введение в параллельное программирование



От алгоритма к программе

Задача: $z = u \cdot x + v \cdot y$

- **Программа**

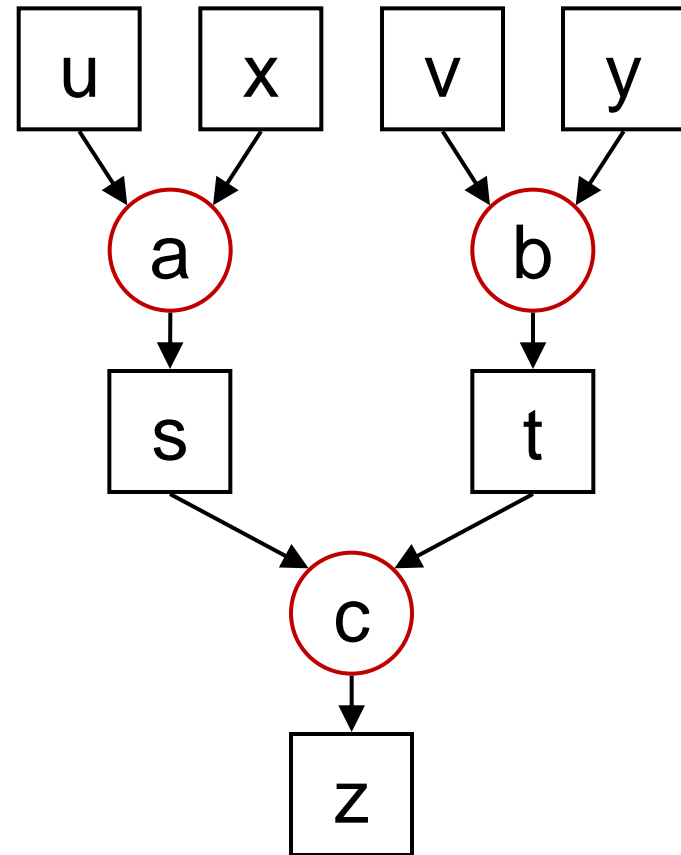
1. load r1, u
2. load r2, x
3. mul r3, r1,r2
4. load r1, v
5. load r2, y
6. mul r4, r1,r2
7. add r1, r3,r4
8. store z, r1

От алгоритма к программе

Задача: $z = u \cdot x + v \cdot y$

- **Программа**

1. load r1, u
2. load r2, x
3. mul r3, r1,r2
4. load r1, v
5. load r2, y
6. mul r4, r1,r2
7. add r1, r3,r4
8. store z, r1

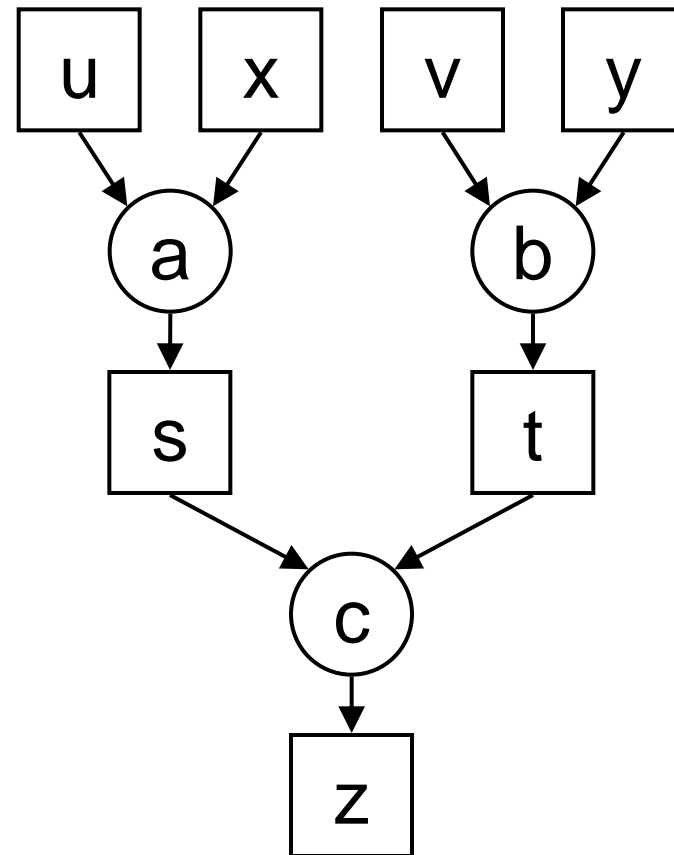
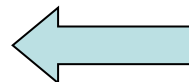


От алгоритма к программе

Задача: $z = u \cdot x + v \cdot y$

- **Программа**

1. load r1, u
2. load r2, x
3. mul r3, r1,r2
4. load r1, v
5. load r2, y
6. mul r4, r1,r2
7. add r1, r3,r4
8. store z, r1



- Упорядочили операции
- Распределили ресурсы

Основные определения

- **Алгоритм**

рекурсивно-перечислимое множество функциональных термов

(соответствует определению вычислимой функции по Клини)

$A = (X, F, \text{in}, \text{out})$

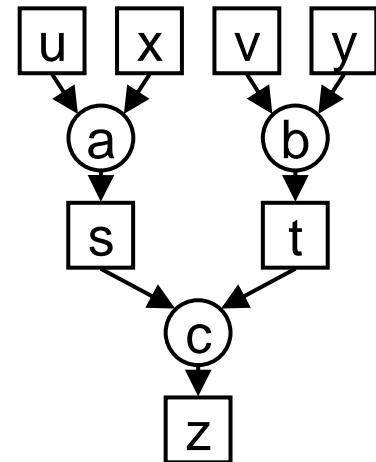
$X = \{ x, y, \dots, z \}$ – множество переменных
(единственного присваивания)

$F = \{ a, b, \dots, c \}$ – множество операций
(однократного срабатывания)

$\text{in}: F \rightarrow X$ – отношение «вход»

$\text{out}: F \rightarrow X$ – отношение «выход»

Алгоритм удобно рисовать в виде ориентированного графа с вершинами-переменными и вершинами-операциями.



Основные определения

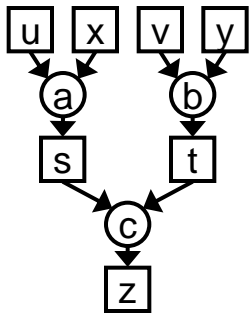
- Алгоритм: $A = (X, F, \text{in}, \text{out})$
- **Представление алгоритма**

$$P = (X, F, \text{in}, \text{out}, C, M)$$

$C: F \rightarrow F$ – управление:

- множество ограничений на порядок исполнения операций,
- включает минимальное (потокковое) управление.

M – отображение переменных и операций на ресурсы вычислителя.



$X = \{ x, y, z, u, v, s, t \}$
 $F = \{ a, b, c \}$
 $\text{in} = \{ (a, u), (a, x), (b, u), (b, y), (c, s), (c, t) \}$
 $\text{out} = \{ (a, s), (a, t), (c, z) \}$
 $C = \{ (a, c), (b, c) \}$
 $M = \{ \}$

```
load r1, u
load r2, x
mul r3, r1, r2
load r1, v
load r2, y
mul r4, r1, r2
add r1, r3, r4
store z, r1
```

$X = \{ x, y, z, u, v, s, t \}$
 $F = \{ a, b, c \}$
 $\text{in} = \{ (a, u), (a, x), (b, u), (b, y), (c, s), (c, t) \}$
 $\text{out} = \{ (a, s), (a, t), (c, z) \}$
 $C = \{ (a, c), (b, c), (a, b) \}$
 $M = \{ (u, r1), (x, r2), (s, r3), (v, r1), (y, r2), (t, r4), (z, r1), (a, \text{core}), (b, \text{core}), (c, \text{core}) \}$

Основные определения

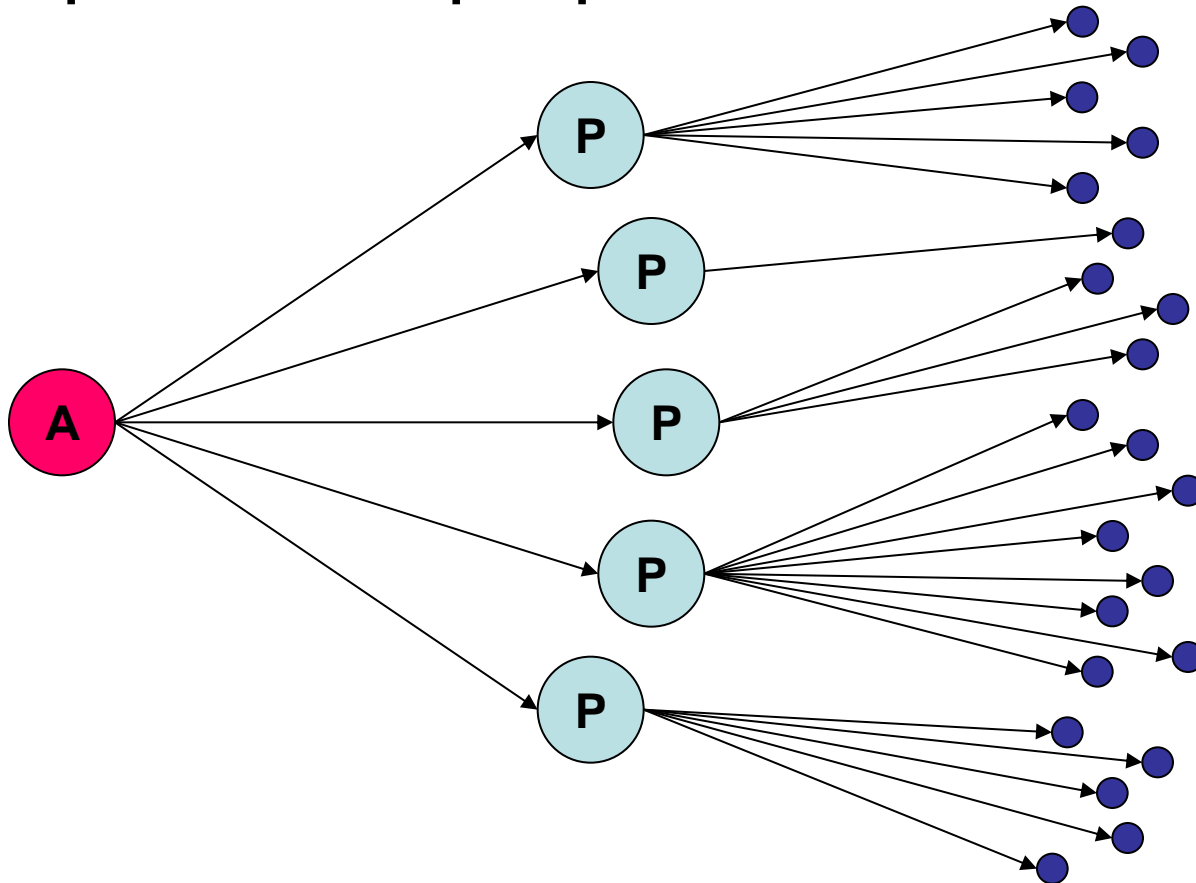
- Алгоритм: $A = (X, F, in, out)$
- Представление алгоритма: $P = (X, F, in, out, C, M)$
- **Программа** – такое представление алгоритма, которое может быть исполнено вычислителем.

Основные определения

- Алгоритм: $A = (X, F, in, out)$
- Представление алгоритма: $P = (X, F, in, out, C, M)$
- **Программа** – такое представление алгоритма, которое может быть исполнено вычислителем.
- **Реализация** алгоритма A в представлении P (реализация программы P) – это процесс выполнения операций алгоритма A в порядке, который не противоречит управлению C .

Основные определения

Алгоритм → Программа → Реализация



Основные определения

- Пример: последовательная программа

С – управление

- Последовательное управление

М – отображение переменных на ресурсы

- Программист: отображение данных на статическую память, стек, кучу
- Компилятор: отображение данных на регистры
- Ядро процессора: переименование регистров, отображение данных в кэш

М – отображение операций на ресурсы

- Компилятор: переупорядочение операций
- Операционная система: выбор ядра процессора
- Ядро процессора: суперскалярное исполнение, переупорядочение операций

Основные определения

- Пример: параллельная программа

С – управление

- Задаётся программистом

М – отображение переменных на ресурсы

- ...
- ...
- ...
- Распределение данных по узлам, по уровням иерархии памяти, по памяти сопроцессоров

М – отображение операций на ресурсы

- ...
- ...
- ...
- Распределение операций по узлам, ядрам, сопроцессорам

Модели параллельных вычислителей

- Основные компоненты вычислителей

- Исполнительные устройства



- исполнительные устройства, ядра, процессоры, вычислительные узлы, кластера, ...

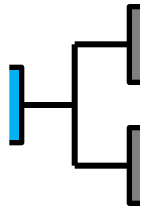
- Блоки памяти



- Оперативная память, кэш-память, дисковая память ...

- Сети связи

- Процессор-память, межпроцессорные, межузловые, межкластерные, ...

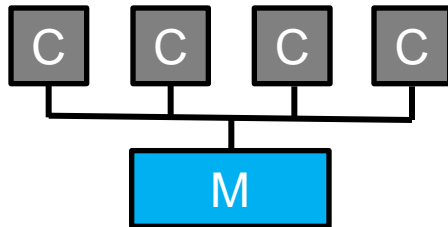


Модели параллельных вычислителей

- Основные классы вычислителей

Системы с общей памятью

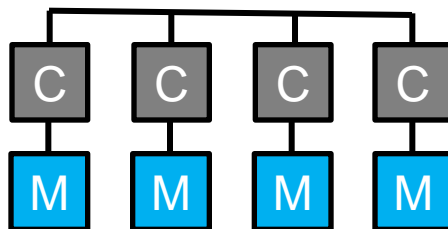
(мультипроцессоры)



- Многоядерные процессоры
- Многопроцессорные узлы
- ...

Системы с распределенной памятью

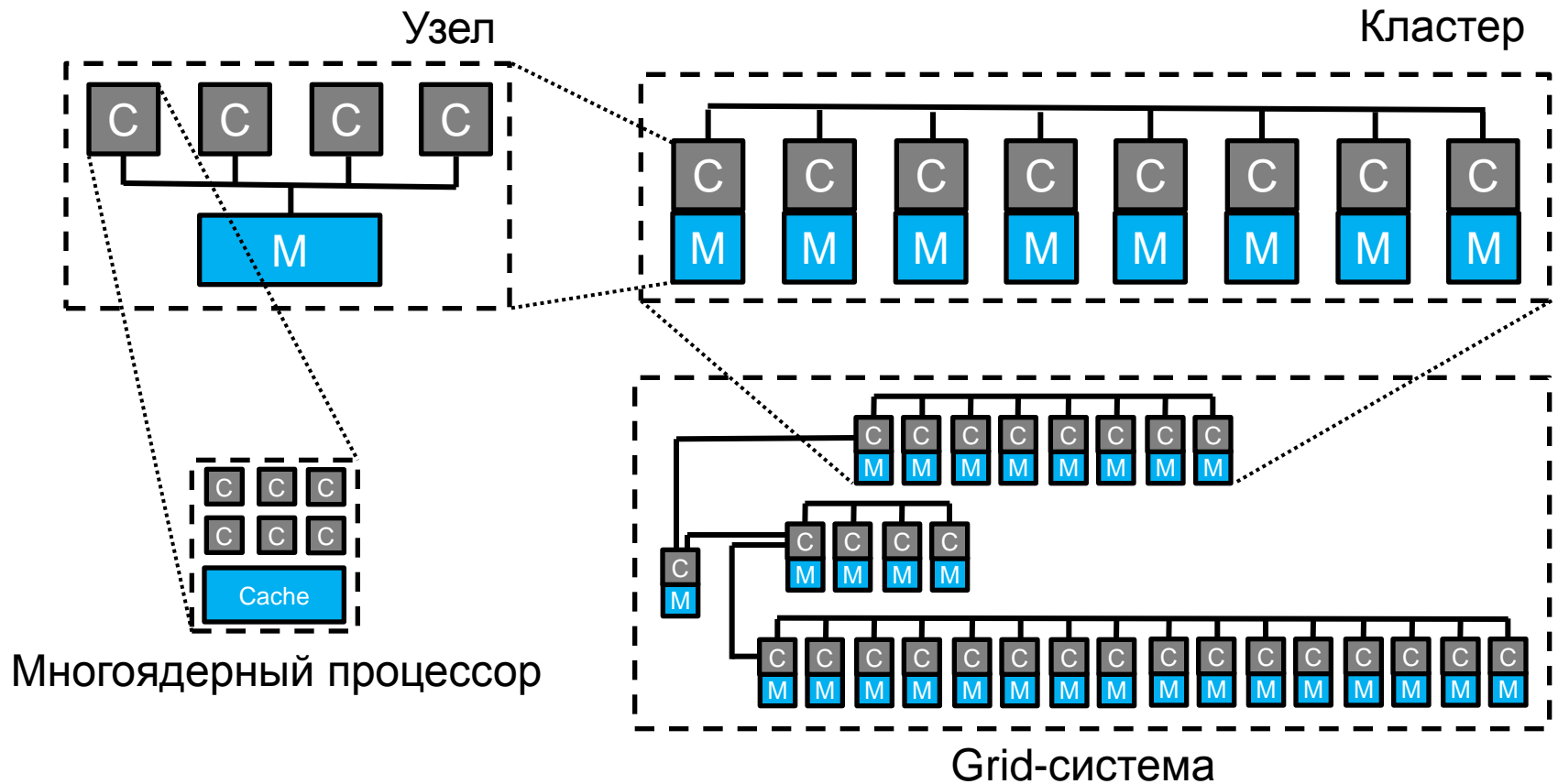
(мультикомпьютеры)



- Сети рабочих станций
- Кластера
- Grid
- ...

Модели параллельных вычислителей

- Иерархия вычислителей



Меры качества параллельных программ

- **Время работы**
 - Сколько времени программа работает на N ядрах?
- **Ускорение**
 - Во сколько раз программа стала быстрее работать на N ядрах по сравнению с одним ядром / последовательной программой?
- **Эффективность распараллеливания**
 - Какой процент времени работы программы идёт на полезную работу?
- **Масштабируемость**
 - Как быстро эффективность падает с ростом числа ядер?
- ...

Меры качества параллельных программ

- **Ускорение**

Ускорение параллельной программы при использовании N исполнительных устройств относительно...

- последовательной:

$$S_{N}^{\text{seq}} = T_{\text{seq}} / T_N$$

- параллельной с использованием одного исполнительного устройства:

$$S_N^1 = T_1 / T_N$$

где:

T_{seq} – время работы последовательной программы,

T_1 – время работы параллельной программы при использовании одного исполнительного устройства,

T_N – время работы параллельной программы при использовании N исполнительных устройств.

Меры качества параллельных программ

- **Эффективность** распараллеливания

Эффективность использования N исполнительных устройств относительно...

- последовательной программы:

$$E^{\text{seq}}_N = S^{\text{seq}}_N / N$$

- параллельной программы с использованием одного исполнительного устройства:

$$E^1_N = S^1_N / N$$

где:

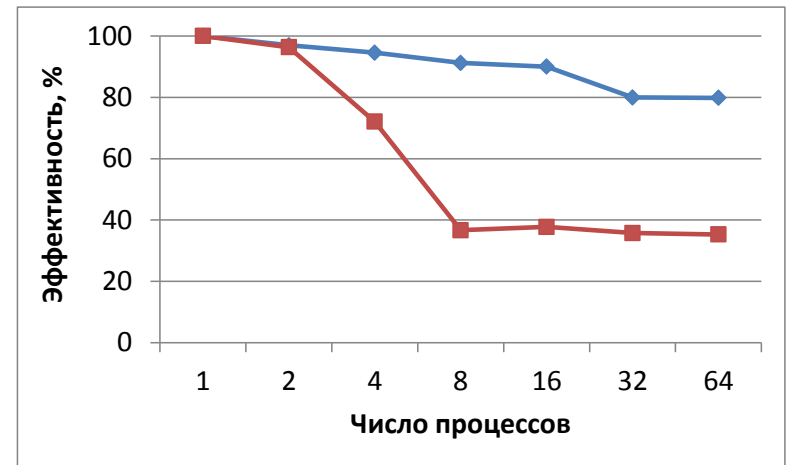
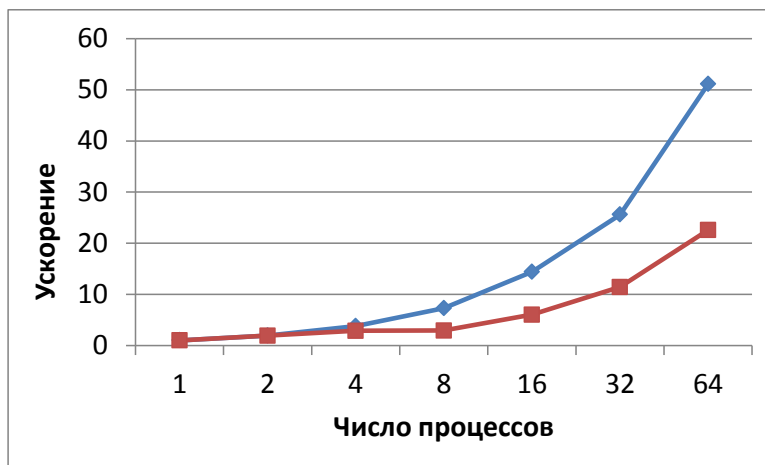
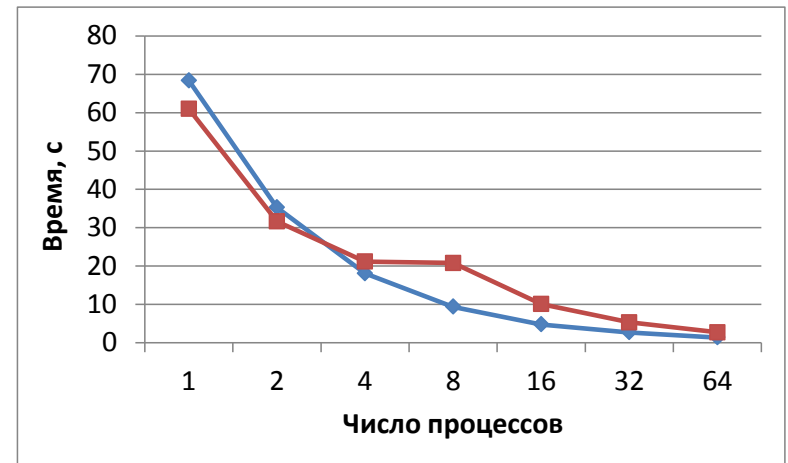
S^{seq}_N – ускорение параллельной программы при использовании N исполнительных устройств относительно последовательной,

S^1_N – ускорение параллельной программы при использовании N исполнительных устройств относительно параллельной при использовании одного исполнительного устройства.

Меры качества параллельных программ

Пример:

- Программа хорошо масштабируется
- Программа плохо масштабируется



Предел ускорения: закон Амдала

- Максимальное ускорение, которое можно получить при использовании N исполнительных устройств:

$$S_N^1 = \frac{1}{(1 - P) + \frac{P}{N}}$$

P – доля вычислений, которые могут быть выполнены параллельно,

$(1-P)$ – доля последовательных вычислений.

Предел ускорения: закон Амдала

