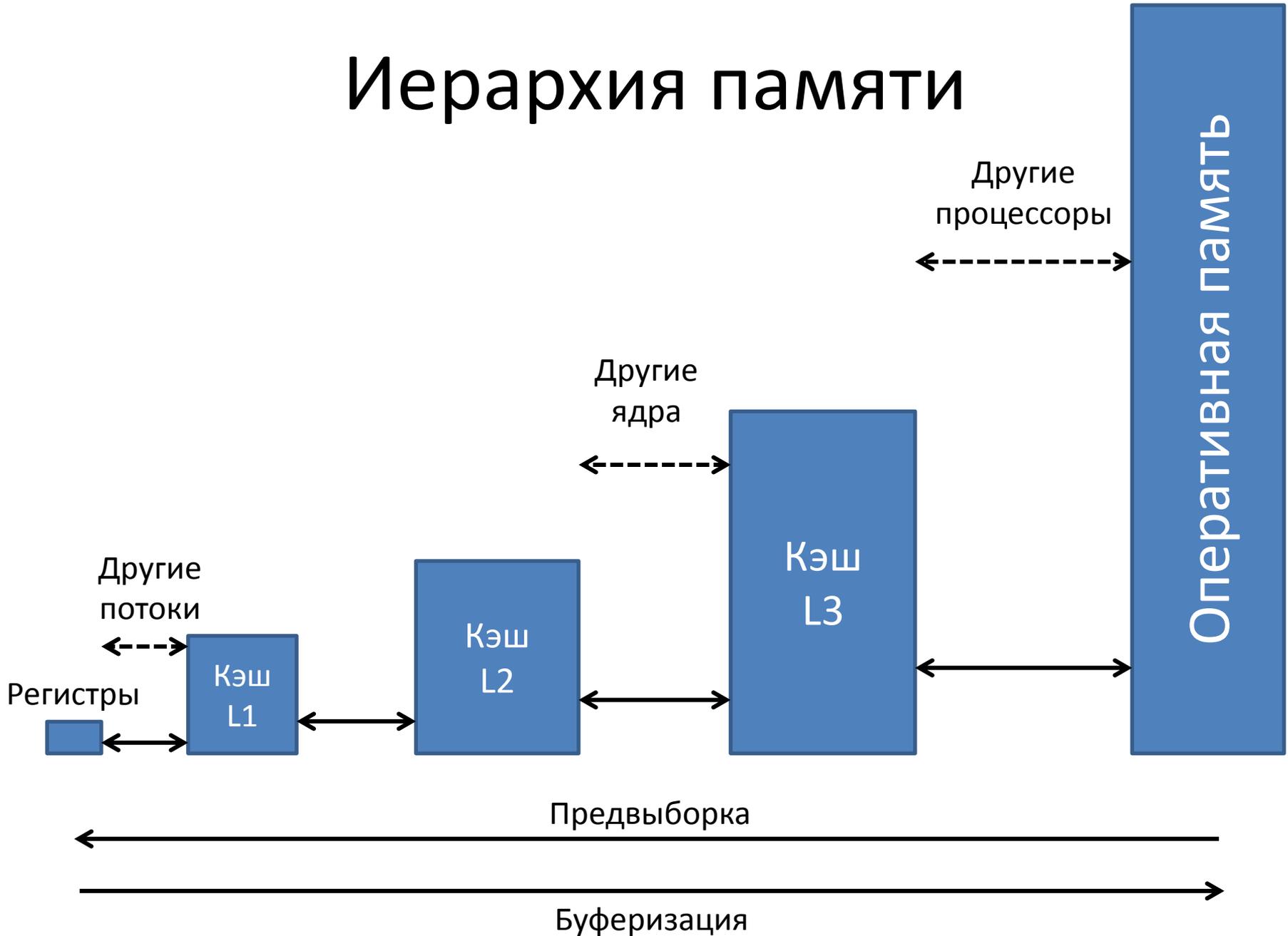


Эффективная работа с памятью

Иерархия памяти

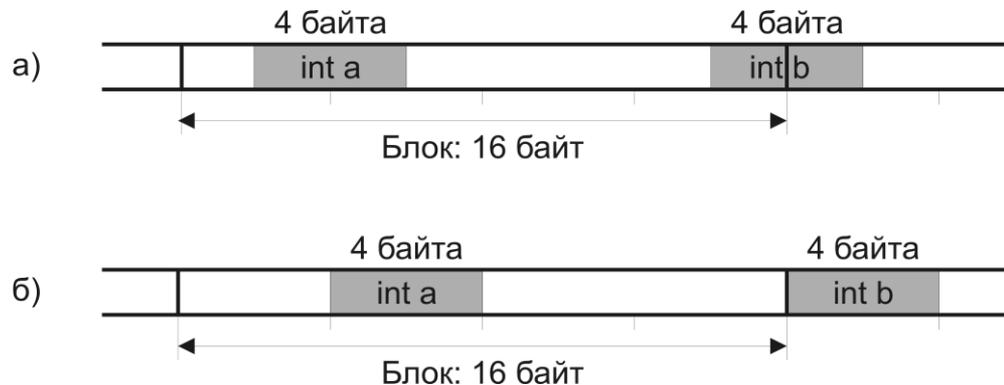


На что следует обращать внимание при работе с памятью

- Выравнивание данных
- Плотность размещения данных
- Объём данных
- Порядок обхода данных
- Доступ к памяти нескольких потоков

Выравнивание данных

- Память делится на блоки
в соответствии с размером страницы, кэш-строки, сектора кэша, шины данных, ...
- Элементы данных могут пересекать границы блоков
Это приводит к нескольким операциям чтения/записи вместо одной.
- Пример:



Выравнивание данных

- Естественное выравнивание
 - По размеру элемента данных (до машинного слова)
 - Применяется компилятором автоматически
- Выравнивание вручную

```
int x[N] __attribute__((aligned(64)));
```

```
ptr = malloc(size + 64);
```

```
ptr = (ptr % 64) ? (ptr & 0xfffffc0) + 64 : ptr;
```

```
err = posix_memalign(&ptr, 64, size);
```

```
ptr = _mm_malloc(size, 64);
```

Выравнивание данных

- Выравнивание элементов структур:

```
struct S1 { int a; double x; int b; };
```

```
struct S2 { double x; int a; int b; };
```



- Управление выравниванием в компиляторе
`#pragma pack(...)`

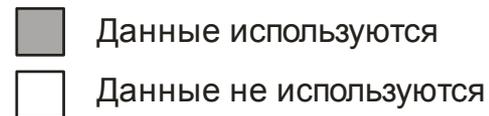
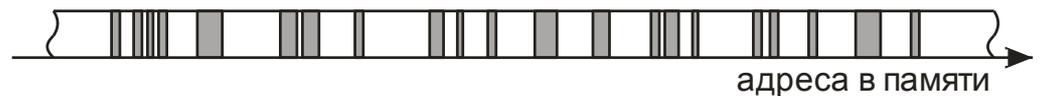
Плотное и разреженное размещение данных

- Память делится на блоки
в соответствии с размером страницы, кэш-строки, сектора кэша, шины данных, ...
- Загрузка блока занимает время
- Плотно размещенные данные используют меньше блоков

а) Плотное размещение данных



б) Разреженное размещение данных



Плотное и разреженное размещение данных

- Пример:

Вариант А	Вариант В
<pre>struct point { float x, y; }; struct point points[N];</pre>	<pre>float x[N]; float y[N];</pre>



```
for (i=0; i<N; i++)  
    process(x[i], y[i])
```

```
for (i=0; i<N; i++) process(x[i]);  
for (i=0; i<N; i++) process(y[i])
```

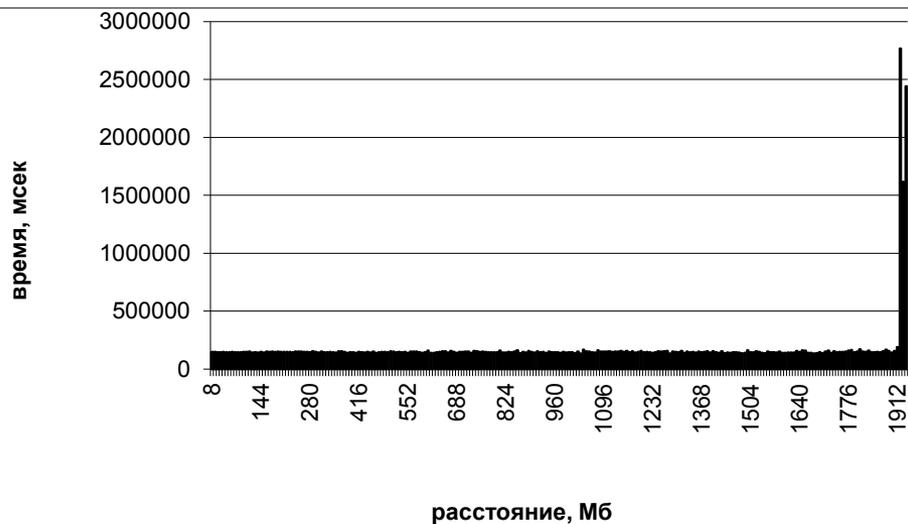

Объём данных

Доступ к памяти в многопроцессорных системах

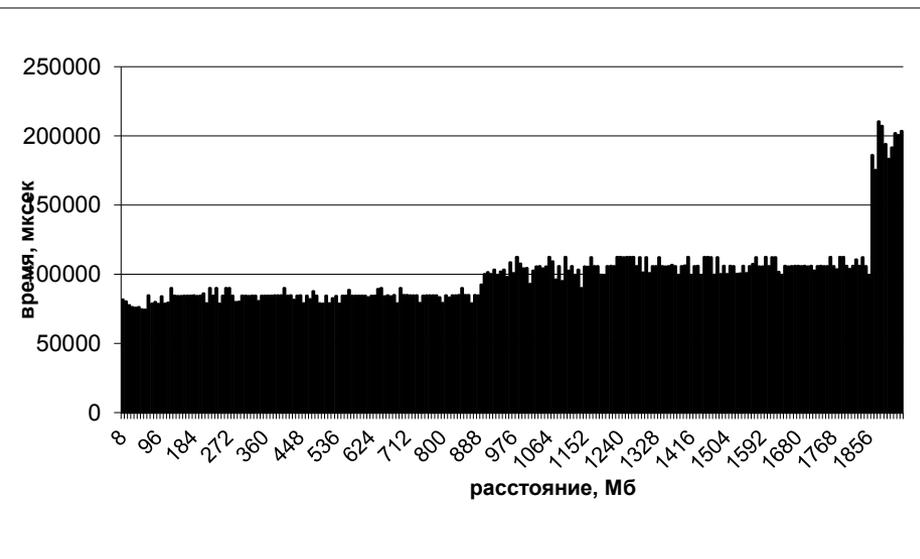
- Тест: копирование данных на различное расстояние

SMP – однородный доступ к памяти

NUMA – неоднородный доступ к памяти



2 x Alpha 21264

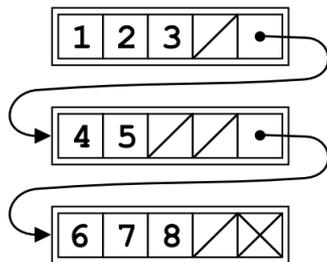


2 x Opteron 244

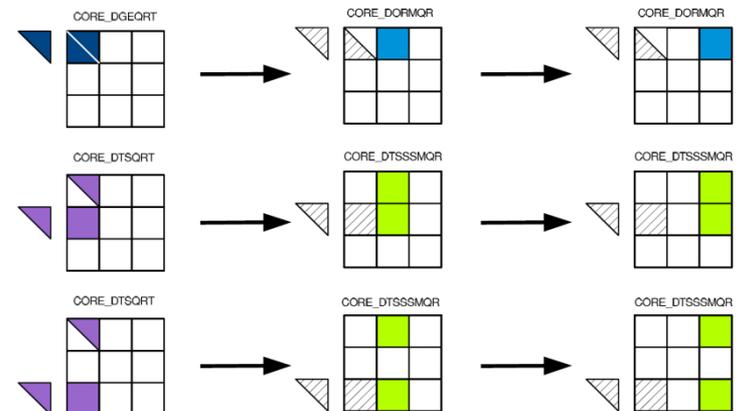
Объём данных

- Для увеличения скорости работы с памятью используются специальные алгоритмы
 - Cache-oblivious algorithms, Блочные (Tiled), ...
 - Параметр – размер блока, зависит от размера кэша
- Идея: то, что загрузили, использовать по максимуму

Развернутый связный список

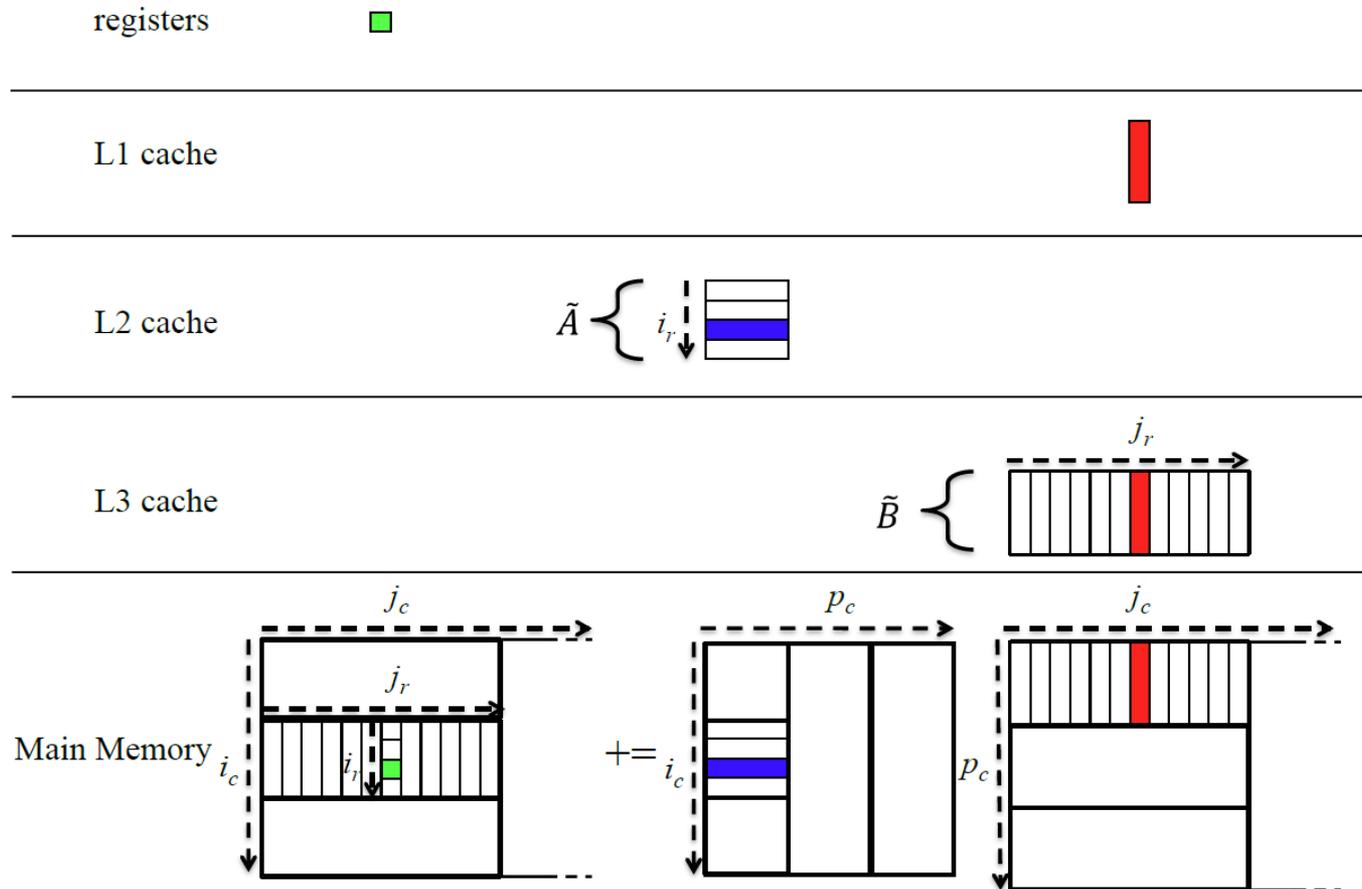


Блочные матричные алгоритмы



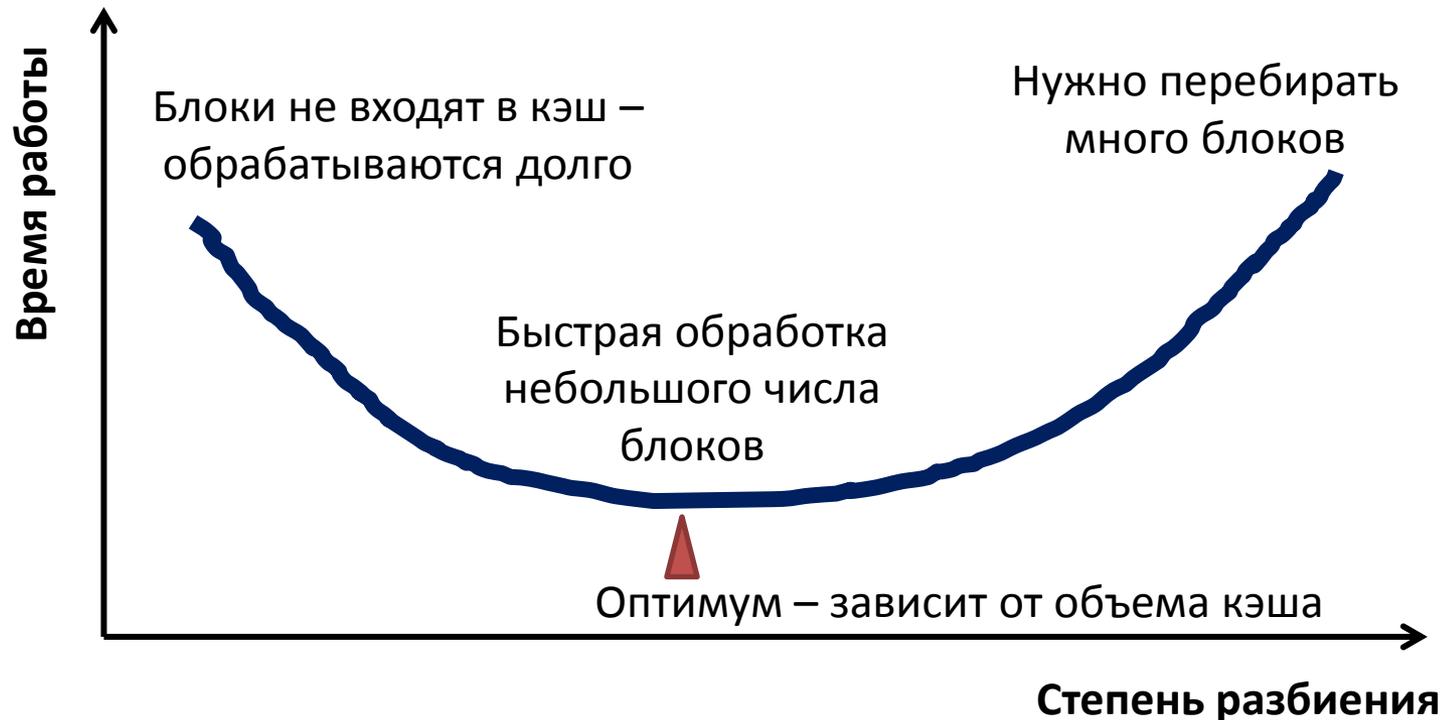
Объём данных

Планирование размещения данных в иерархии памяти для умножения матриц



Объём данных

- Типичная зависимость времени работы от степени разбиения задачи на блоки:



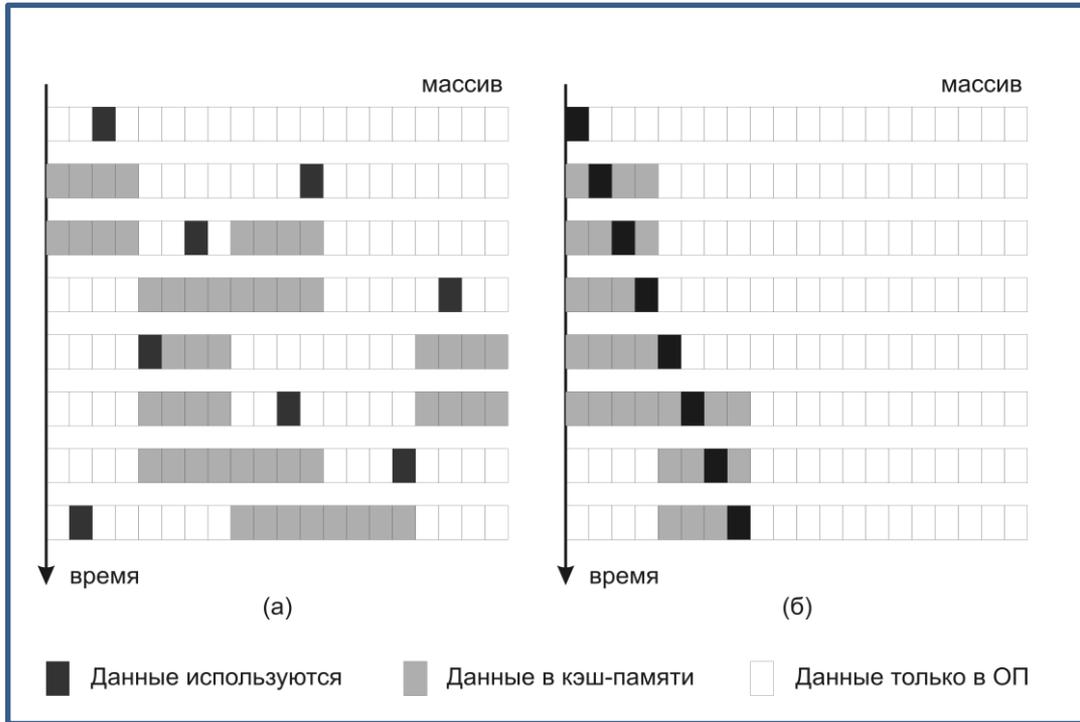
Объём данных

- Особенности виртуальной памяти
 - Память разделена на страницы (стандарт – 4 КБ)
 - Есть таблица страниц (в памяти)
 - Есть TLB – кэш таблицы страниц
 - множественно-ассоциативный – есть буксование
 - многоуровневый (L1/L2, данных/команд)
 - Обращение к новой странице (блоку в 4 КБ) очень долгое (сравнимо со временем чтения всей страницы)
- Как учитывать виртуальную память
 - Обращаться к данным компактно
 - Использовать большие страницы (huge pages)

Порядок обхода данных

- Подсистема памяти оптимизирована для последовательного обхода
 - Блочное хранение и передача данных
 - Аппаратная предвыборка данных

Порядок обхода данных

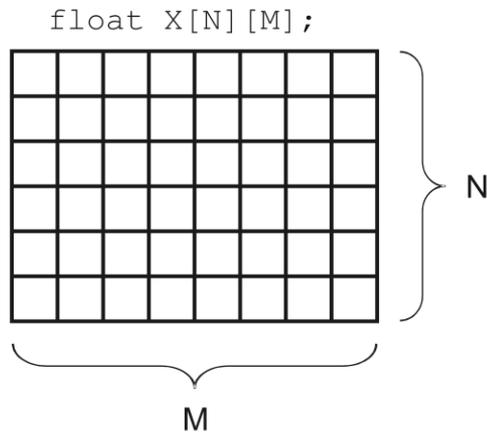


Блочное хранение и
передача данных

Порядок обхода данных

- Расположение данных в памяти

Двумерный массив:



Наилучший порядок обхода элементов массива:

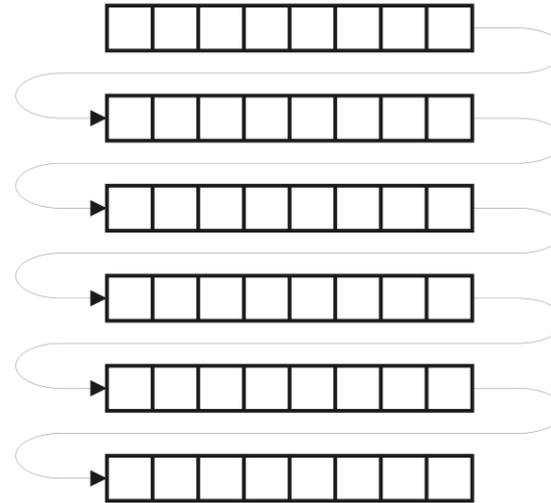
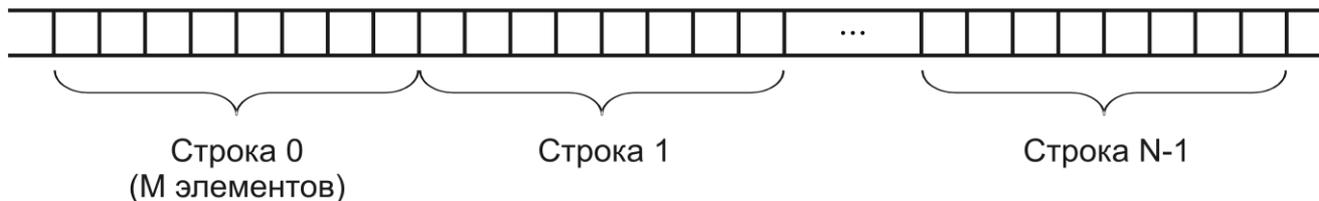


Схема размещения массива в памяти:



Порядок обхода данных

Пример: умножение матриц

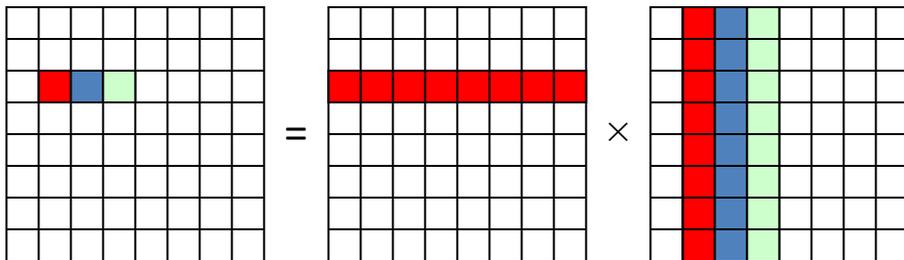
по формуле: $C_{ik} = \sum_{j=0}^{N_y-1} A_{ij} B_{jk}$

```
for (i=0; i<Nx-1; i++)
  for (k=0; k<Nz-1; k++)
    for (j=0; j<Ny-1; j++)
      C[i][k] += A[i][j] * B[j][k];
```

C_{ik}

A_{ij}

B_{jk}



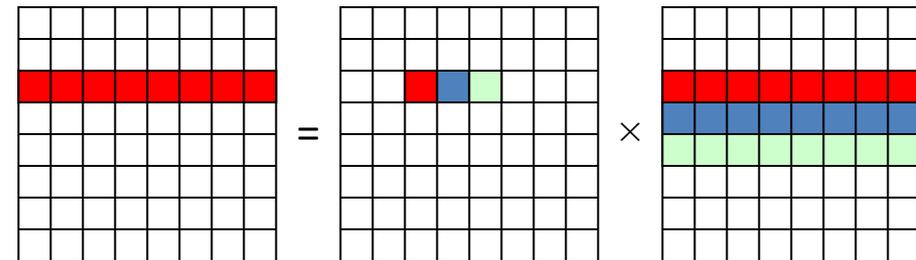
переставим циклы

```
for (i=0; i<Nx-1; i++)
  for (j=0; j<Ny-1; j++)
    for (k=0; k<Nz-1; k++)
      C[i][k] += A[i][j] * B[j][k];
```

C_{ik}

A_{ij}

B_{jk}



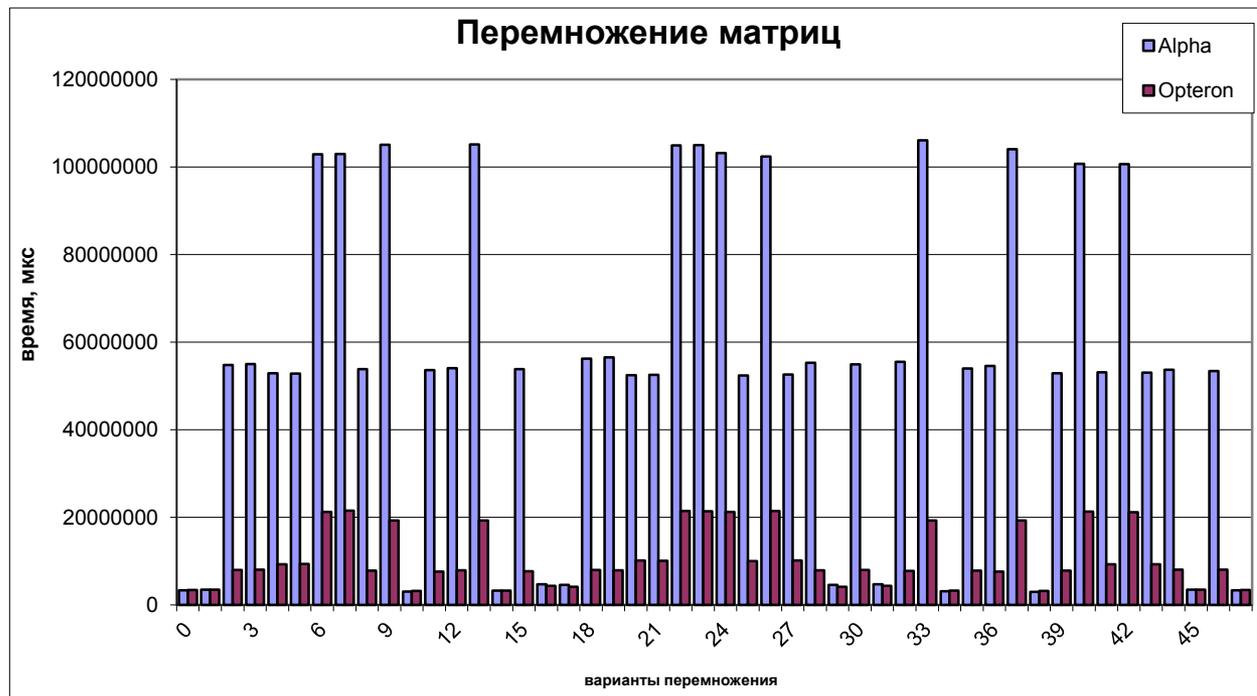
Время перемножения матриц 1000×1000

120.67 с	Alpha	6.24 с
16.67 с	Opteron	6.3 с

Порядок обхода данных

- Пример: умножение матриц

```
for (i=0; i<N; i++)  
  for (j=0; j<N; j++)  
    for (k=0; k<N; k++)  
      C[i][j] += A[i][k] * B[k][j];
```



Порядок обхода данных

- Специальный случай обхода:

кэш-буксование (cache-thrashing)

Обход элементов с шагом кратным

размеру банка = размер / степень ассоциативности



Порядок обхода данных

- Простой пример 1 (один массив):

```
double a[4096000], sum[4096];  
int i, j;  
for (i=0; i<4096; i++) {  
    sum[i]=0;  
    for(j=0; j<1000; j++) sum[i] += a[i+j*4096];  
}
```

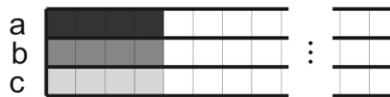
- Простой пример 2 (несколько массивов):

```
double a[4096], b[4096], c[4096];  
int i;  
for (i=0; i<4096; i++) c[i]=a[i]+b[i];
```

Порядок обхода данных

- Стандартные способы избежать кэш-букования
 - Изменить порядок обхода
 - Изменить расстояние между элементами
- Пример:

Три массива размером 4096 элементов типа double



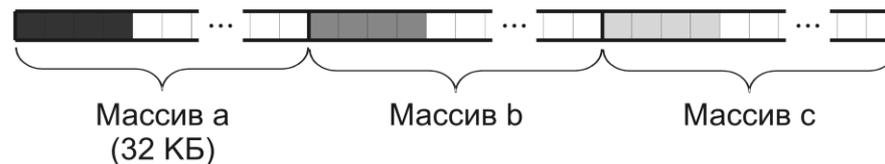
```
double a[4096], b[4096], c[4096];  
int i;  
for (i=0; i<4096; i++) c[i]=a[i]+b[i];
```

Размещение элементов массивов в кэш-памяти



Степень ассоциативности: 2
Размер кэш-строки: 32 Б

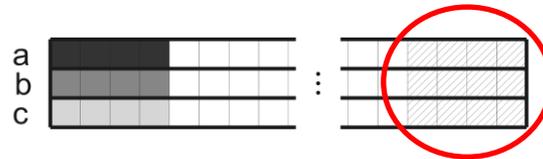
Расположение элементов массивов в памяти



Порядок обхода данных

- Стандартные способы избежать кэш-букования
 - Изменить порядок обхода
 - Изменить расстояние между элементами
- Пример:

Три массива размером 4096 элементов типа double



Размещение элементов массивов в кэш-памяти



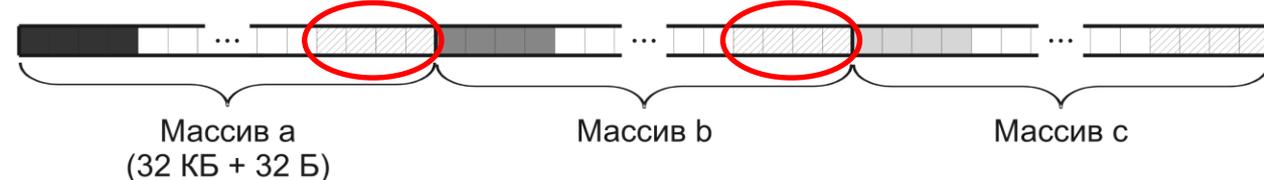
```
double a[4096 +4], b[4096 +4], c[4096 +4];
```

```
int i;
```

```
for (i=0; i<4096; i++) c[i]=a[i]+b[i];
```

Степень ассоциативности: 2
Размер кэш-строки: 32 Б

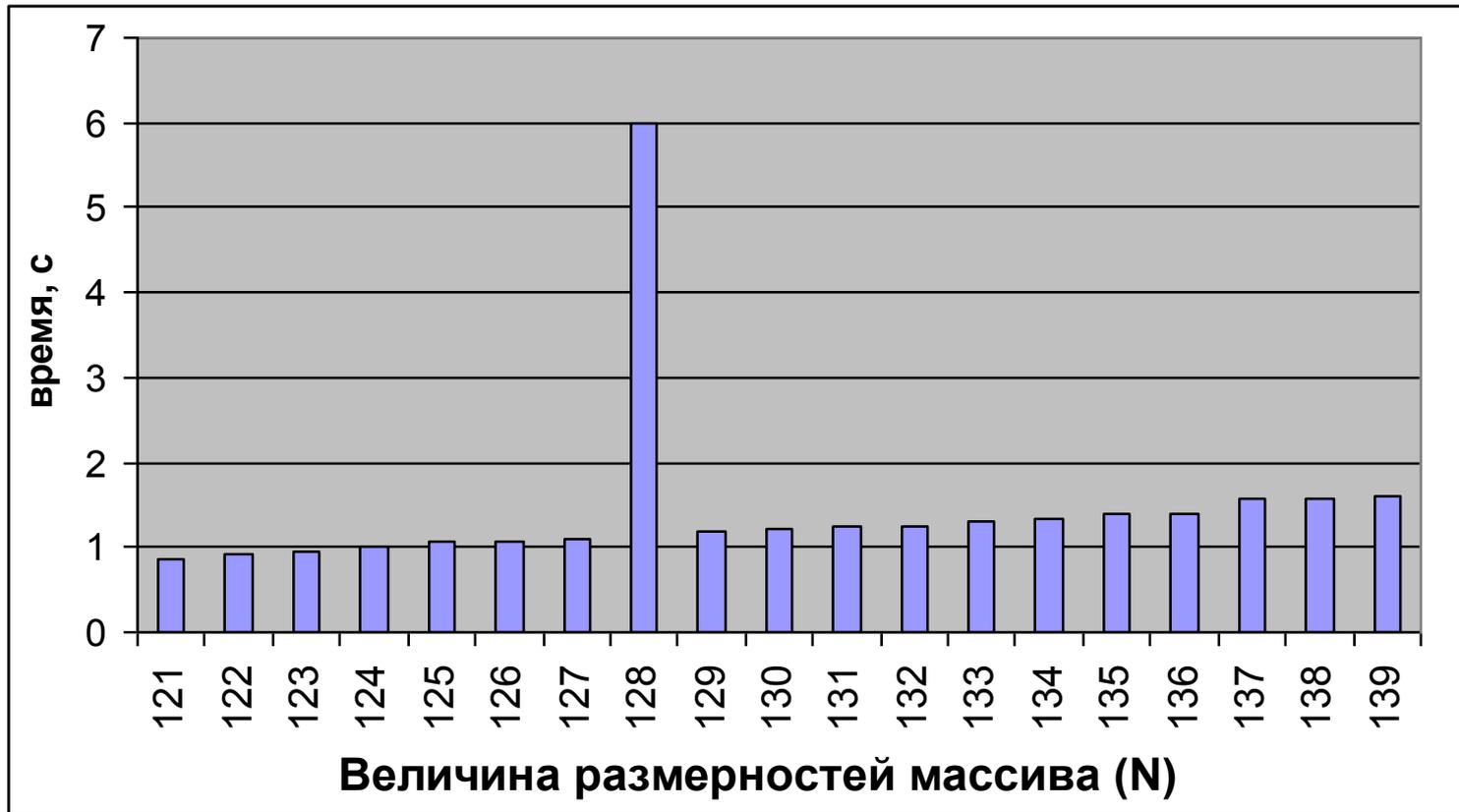
Расположение элементов массивов в памяти



Обращение к памяти

Пример: «буксование» кэша – семиточечная схема

Размер 3D массива: $N \times N \times N$



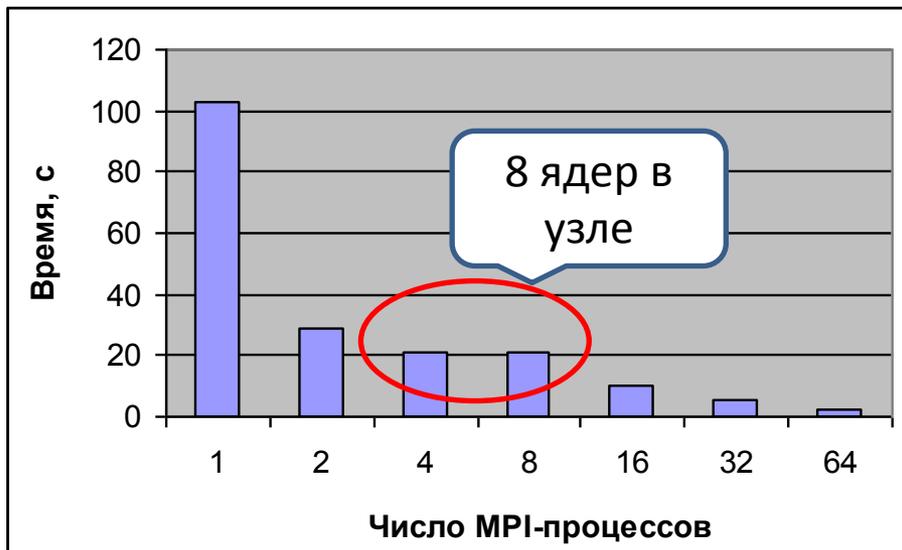
Размер 2D слоя для $N=128$: $128 \times 128 = 16384$ элементов = 64 Кб

Доступ к памяти нескольких потоков

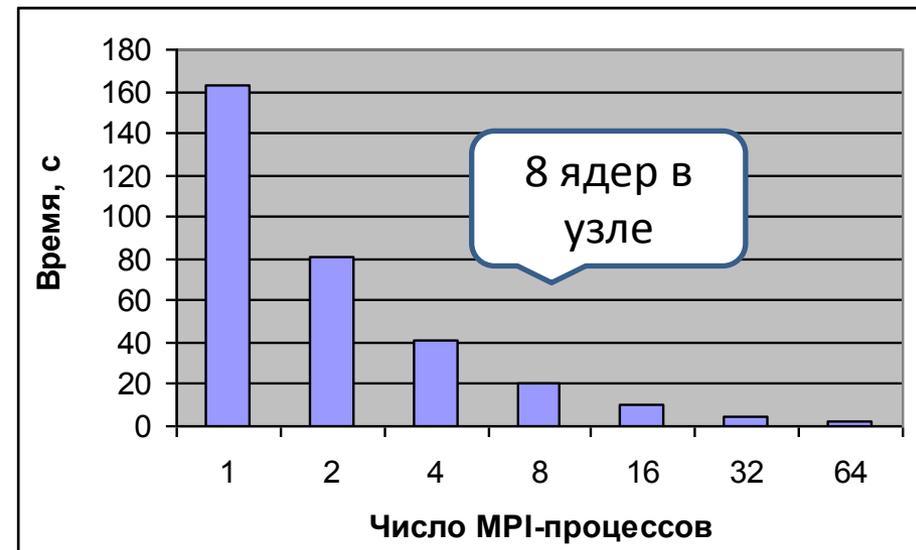
- Совместное использование ядрами кэш-памяти
 - Доступный потоку объем кэш-памяти меньше
- Совместное использование каналов доступа к памяти
 - Доступ потока к данным в памяти медленнее
- Поддержка когерентности кэш-памяти
 - Доступ потока к совместным данным медленнее
 - Возможно ложное разделение кэш-строк

Доступ к памяти нескольких потоков

- Совместное использование канала доступа к памяти
 - Доступ потока к данным в памяти медленнее



Хеон X5365 3.0 GHz



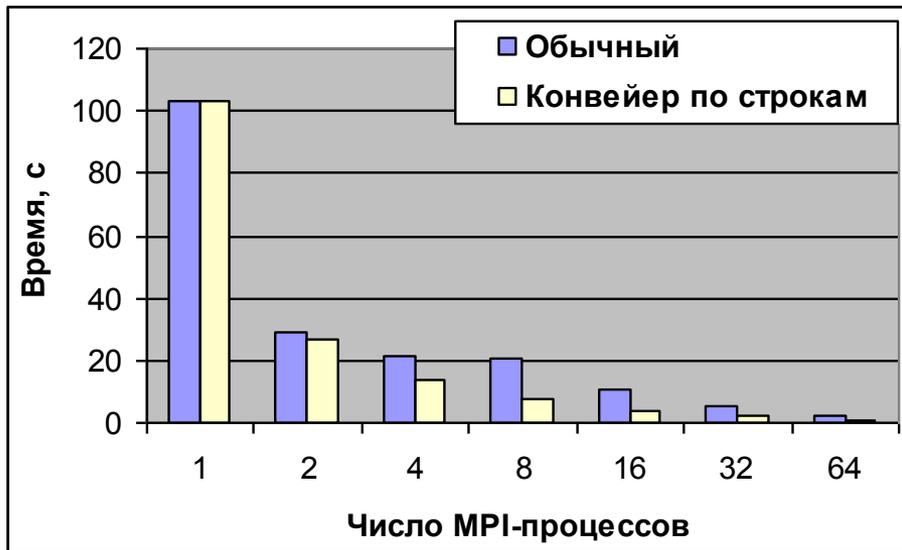
Itanium2 1.6 GHz

Доступ к памяти нескольких потоков

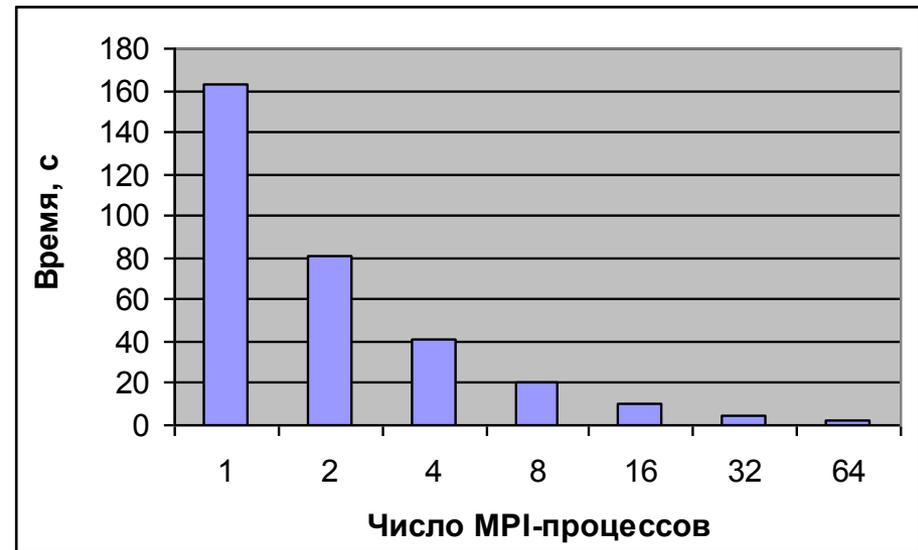
- Совместное использование канала доступа к памяти
 - Доступ потока к данным в памяти медленнее
- Решение
 - Реже обращаться в оперативную память – использовать кэш-память более эффективно (блочные алгоритмы...)

Доступ к памяти нескольких потоков

- Совместное использование канала доступа к памяти
 - Доступ потока к данным в памяти медленнее



Xeon X5365 3.0 GHz



Itanium2 1.6 GHz

Доступ к памяти нескольких потоков

- Поддержка когерентности кэш-памяти
 - требует постоянных обновлений данных в памяти при обращении нескольких потоков к одним и тем же данным – кэш работает неэффективно

- Пример:

```
int i, s;  
#pragma omp parallel for  
for (i=0; i<N; i++)  
#pragma omp atomic  
s += i;
```

Доступ к памяти нескольких потоков

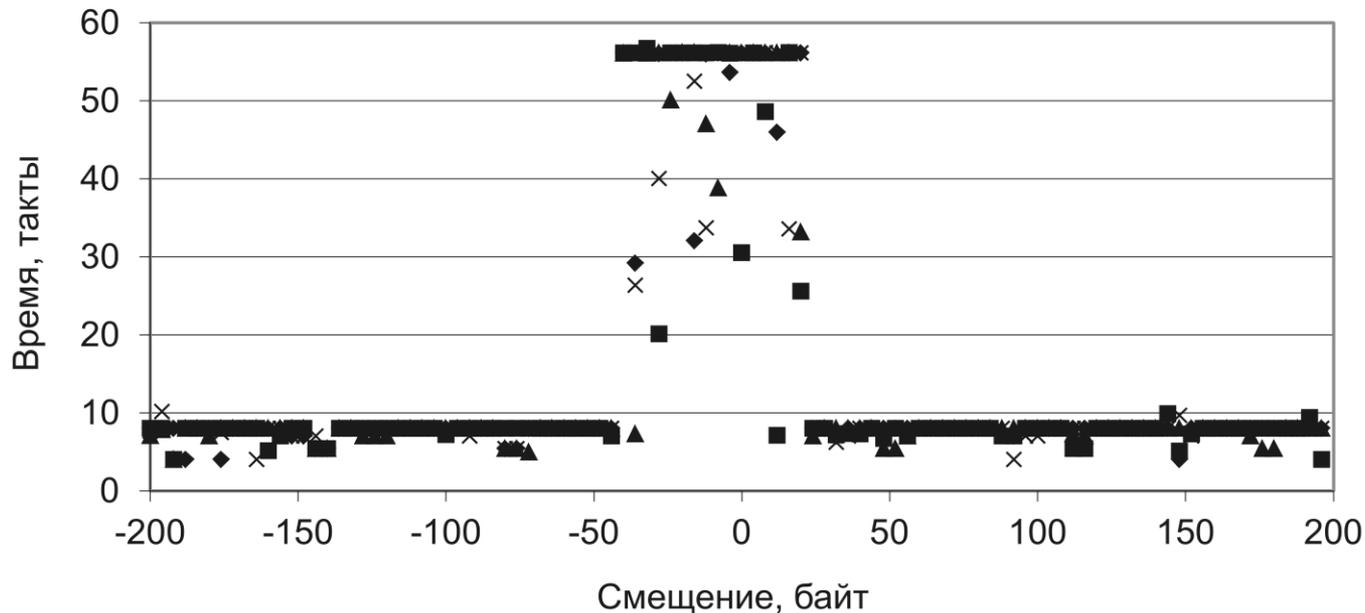
- Ложное разделение кэш-строк
 - Синхронизация данных происходит кэш-строками
 - Различные данные, размещенные в одной кэш-строке, будут тоже синхронизироваться

- Пример:

```
int i, s[nth];  
#pragma omp parallel for num_threads(nth)  
for (i=0; i<N; i++)  
#pragma omp atomic  
s[ omp_get_thread_num() ] += i;
```

Доступ к памяти нескольких потоков

- Тест: доступ двух потоков к данным
 - Время работы одного из потоков в зависимости от расстояния между данными потоков:



Средства «продвинутой» работы с памятью

- Программная предвыборка данных в кэш
 - `_mm_prefetch(ptr, _MM_HINT_NTA);`
 - `_MM_HINT_T0, _MM_HINT_T1, _MM_HINT_T2, _MM_HINT_NTA`
- Запись в память без записи в кэш
 - `_mm_stream_ps(ptr, v128);`

Средства «продвинутой» работы с памятью

- Запись в память без записи в кэш
- Пример: копирование массива

```
for (i=0; i<N; i++)  
{  
  _mm_prefetch(&x[i+d],0);  
  _mm_stream_ps(&y[i], x[i]);  
}
```

